

試験問題

数 学

注 意

1. 解答時間は60分間です。
2. 試験開始の合図があるまで、問題冊子を裏返したり開いたりしてはいけません。
3. **試験開始の合図があったら**、問題冊子が1ページから8ページまで順序正しくそろっているかどうかを確かめなさい。不備がある場合は着席のまま手をあげなさい。
4. 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
5. 問題冊子は切り離してはいけません。
6. 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

解答用紙記入上の注意

1. 解答用紙の所定の欄に氏名および受験番号を記入し、受験番号欄にマークしなさい。
2. 解答は黒鉛筆(HB)でマークしなさい。訂正する場合はプラスチック消しゴムを使用して、ていねいに消し、消しクズが紙面に残らないように注意しなさい。
3. 各設問とも2つ以上マークした場合は無効です。

マーク例

良い例	悪い例
	   
	レ点 線 点 うすい

問題 [1]～[8] の空欄 ～ にあてはまる答を各解答群から選び、その番号を解答用紙にマークしなさい。

[1] (1) $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}-2} - \frac{2}{\sqrt{5}+2} =$

- ① $9+4\sqrt{5}$ ② $9-4\sqrt{5}$ ③ 9 ④ -9
⑤ $1+4\sqrt{5}$ ⑥ $1-4\sqrt{5}$ ⑦ 1 ⑧ -1

(2) 関数 $y = x^2 - 6x - 4$ の最小値は である。

- ① -20 ② -13 ③ -8 ④ -5
⑤ -4 ⑥ -3 ⑦ 0 ⑧ 5

(3) ある試験の点数について、A組 60 人の平均値は 60 点、B組 40 人の平均値は 70 点であるとき、2組全体の平均値は 点である。

- ① 61 ② 62 ③ 63 ④ 64 ⑤ 65 ⑥ 66 ⑦ 67 ⑧ 68

[2] (1) 三角形 ABC において $AB = AC = 5, BC = 6$ とする. $\angle A$ の二等分線と $\angle B$ の二等分線との交点を I とすると, $AI =$ である.

- ① $\frac{3}{2}$ ② 2 ③ $\frac{25}{12}$ ④ $\frac{25}{11}$ ⑤ $\frac{5}{2}$ ⑥ $\frac{30}{11}$ ⑦ 3 ⑧ 4

(2) x は実数とする. $x^3 - x - 6 = 0$ であることは $x = 2$ であるための .

- ① 必要条件であるが, 十分条件ではない
② 十分条件であるが, 必要条件ではない
③ 必要十分条件である
④ 必要条件でも十分条件でもない

(3) $a = \log_{0.2} 2, b = \log_{0.5} 5, c = \log_2 0.2$ の大小を等号, 不等号を用いて表すと, である.

- ① $a < b < c$ ② $b < c < a$ ③ $c < a < b$ ④ $b < a < c$
⑤ $a = b < c$ ⑥ $c < a = b$ ⑦ $a < b = c$ ⑧ $b = c < a$

[3] 同じ標高の3地点A, B, Cにおいて, A, B間の距離が12m, $\angle ABC = 60^\circ$, $\angle CAB = 75^\circ$ であった.

(1) A, C間の距離は mである.

- ① 3 ② $3\sqrt{3}$ ③ 6 ④ $3\sqrt{6}$
⑤ $6\sqrt{3}$ ⑥ 12 ⑦ $6\sqrt{6}$ ⑧ $12\sqrt{3}$

(2) Cに鉄塔が垂直に立っている. Aから鉄塔の先端Pを見たところ, $\angle PAC = 30^\circ$ であった. このとき, 鉄塔の高さPCは mである.

- ① $\sqrt{3}$ ② 3 ③ $2\sqrt{3}$ ④ $3\sqrt{2}$
⑤ 6 ⑥ $6\sqrt{2}$ ⑦ $6\sqrt{3}$ ⑧ 12

[4] 1個のさいころを2回続けて投げる.

(1) 1回目に出る目が2回目に出る目より大きい確率は である.

- ① $\frac{2}{9}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{5}{18}$ ④ $\frac{1}{3}$
⑤ $\frac{7}{18}$ ⑥ $\frac{5}{12}$ ⑦ $\frac{4}{9}$ ⑧ $\frac{1}{2}$

(2) 少なくとも1回は5以上の目が出る確率は である.

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{2}{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{4}{9}$
⑤ $\frac{1}{2}$ ⑥ $\frac{5}{9}$ ⑦ $\frac{7}{9}$ ⑧ $\frac{8}{9}$

[5] 2点 $(-1, 2)$, $(1, 3)$ を通る直線を l とする.

(1) l の方程式は である.

① $y = -\frac{3}{2}x + \frac{1}{2}$ ② $y = -\frac{3}{2}x + \frac{9}{2}$ ③ $y = -\frac{x}{2} + \frac{3}{2}$
④ $y = -\frac{x}{2} + \frac{7}{2}$ ⑤ $y = \frac{x}{2} + \frac{3}{2}$ ⑥ $y = \frac{x}{2} + \frac{5}{2}$
⑦ $y = \frac{3}{2}x + \frac{3}{2}$ ⑧ $y = \frac{3}{2}x + \frac{7}{2}$

(2) l に垂直で点 $(1, 3)$ を通る直線の方程式は である.

① $y = -2x$ ② $y = -2x + 5$ ③ $y = -\frac{2}{3}x + \frac{4}{3}$
④ $y = -\frac{2}{3}x + \frac{11}{3}$ ⑤ $y = \frac{2}{3}x + \frac{7}{3}$ ⑥ $y = \frac{2}{3}x + \frac{8}{3}$
⑦ $y = 2x + 1$ ⑧ $y = 2x + 4$

[6] 第6項が -14 であり、第12項が 10 である等差数列 $\{a_n\}$ がある.

(1) 数列 $\{a_n\}$ の初項は であり、公差は である.

① -26 ② -28 ③ -30 ④ -32

⑤ -34 ⑥ -36 ⑦ -38 ⑧ -40

① -8 ② -6 ③ -4 ④ -2 ⑤ 2 ⑥ 4 ⑦ 6 ⑧ 8

(2) 数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和を S_n とする. S_n は $n =$ のとき最小値をとる.

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10 ⑥ 11 ⑦ 12 ⑧ 13

[7] 平面上の2つのベクトル \vec{a}, \vec{b} は $|\vec{a}| = 4, |\vec{b}| = 3, |\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{13}$ を満たすとする.

(1) $\vec{a} \cdot \vec{b} =$

① 3 ② $\frac{3\sqrt{13}}{2}$ ③ 6 ④ $2\sqrt{13}$

⑤ 9 ⑥ $3\sqrt{13}$ ⑦ 12 ⑧ $4\sqrt{13}$

(2) $\vec{a} - t\vec{b}$ と \vec{b} が垂直であるとき, $t =$ である.

① 0 ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ 1 ⑥ $\frac{3}{2}$ ⑦ 2 ⑧ 3

[8] $f(x) = \int_0^x (t^2 - 5t + 6)dt$ とする.

(1) 曲線 $y = f(x)$ の点 $(0, f(0))$ における接線の方程式は である.

- ① $y = -5x - 6$ ② $y = -5x$ ③ $y = -5x + 6$ ④ $y = -6$
⑤ $y = 6$ ⑥ $y = 6x - 6$ ⑦ $y = 6x$ ⑧ $y = 6x + 6$

(2) 関数 $f(x)$ は $x =$ で極大, $x =$ で極小となる.

- ① -3 ② $-\frac{5}{2}$ ③ -2 ④ 0 ⑤ 2 ⑥ $\frac{5}{2}$ ⑦ 3 ⑧ 6

- ① -3 ② $-\frac{5}{2}$ ③ -2 ④ 0 ⑤ 2 ⑥ $\frac{5}{2}$ ⑦ 3 ⑧ 6